

الصفحة	الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا		المملكة المغربية
8 / 1	الدورة الاستدراكية 2013		وزارة التربية الوطنية
	الموضوع		المركز الوطني للتكوين والامتحانات والتوجيه
	RS30		
4	مدة الاجتهاد	الفيزياء والكيمياء	المادة
7	المعامل	شعبة العلوم الرياضية (أ) و (ب)	الشعبة أو التملك

استعمال الآلة الحاسبة القابلة للبرمجة أو الحاسوب غير مسموح به.		
يتكون الموضوع من تمرين في الكيمياء وثلاث تمارين في الفيزياء .		
النقطة	الموضوع	الكيمياء (7 نقط)
2,75	حركية تفكك خماسي أوكسيد ثنائي الأزوت	الجزء الأول
4,25	معايرة محلول حمض البنزويك	الجزء الثاني
الفيزياء (13 نقطة)		
2,25	إنتاج الطاقة النووية	تمرين 1
2,5	دراسة ثنائي القطب RL و RLC	تمرين 2- الجزء الأول
2,5	نقل الإشارات الصوتية	تمرين 2 - الجزء الثاني
3,5	دراسة متذبذب توافقي	تمرين 3 - الجزء الأول
2,25	التبادلات الطاقية بين المادة و إشعاع ضوئي	تمرين 3 - الجزء الثاني

الكيمياء ( 7 نقط ) الجزءان الأول والثاني مستقلان

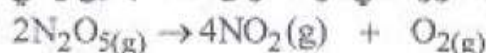
الجزء الأول : حركية تفكك خماسي أكسيد ثنائي الأزوت ( 2,75 نقطة )

تعتبر الأكاسيد ( $NO_2$  و  $N_2O_3$  و  $NO$  و  $CNO_2$  ...) من الملوثات الأساسية للغلاف الجوي وذلك لأنها تساهم في تكون الأمطار الحمضية المضرّة بالبيئة من جهة وتزايد مفعول الاحتباس الحراري من جهة أخرى. يهدف هذا التمرين إلى دراسة حركية تفكك خماسي أكسيد ثنائي الأزوت  $N_2O_5$  الذي ينتج عنه  $NO_2$  و  $O_2$ . معطيات : نعتبر جميع الغازات كاملة ؛ ثابتة الغازات الكاملة  $R = 8,31$  (SI)

معادلة الحالة للغازات الكاملة :  $p.V = n.R.T$

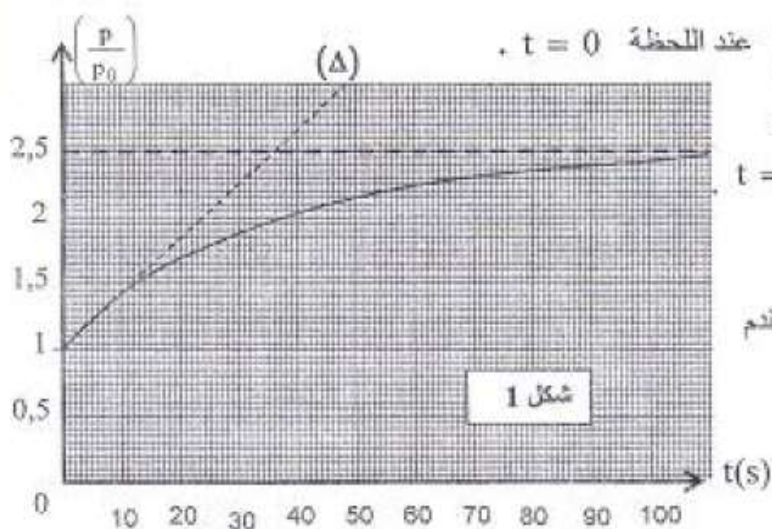
نضع خماسي أكسيد ثنائي الأزوت في وعاء فارغ مغلق حجمه ثابت  $V = 0,50$  L ونزوده ببارومتر لقياس الضغط الكلي  $p$  للغازات داخل الوعاء عند درجة حرارة ثابتة  $T = 318$  K.

يتفكك خماسي أكسيد ثنائي الأزوت في الوعاء وفق تفاعل بطيئ وكلي نمذجّه بالمعادلة التالية :



نقيس عند بداية التفكك ( $t = 0$ ) الضغط الكلي داخل الوعاء؛ فنجد  $p_0 = 4,638 \cdot 10^4$  Pa

نقيس الضغط  $p$  عند لحظات مختلفة و نمثل تغيرات المقدار  $\frac{p}{p_0}$  بدلالة الزمن ؛ فنحصل على المبيان الممثل في الشكل 1.



يمثل المستقيم ( $\Delta$ ) المماس للمنحنى  $\frac{p}{p_0} = f(t)$  عند اللحظة  $t = 0$ .

1. احسب كمية المادة  $n_0$  لخماسي أكسيد

ثنائي الأزوت الموجودة في الحجم  $V$  عند  $t = 0$

2. احسب التقدم الأقصى  $x_{max}$  لهذا التفاعل.

3- عبر عن كمية المادة الكلية  $n_T$  للغازات

في الحجم  $V$  عند لحظة  $t$  بدلالة  $n_0$  و  $x$  تقدم

هذا التفاعل عند اللحظة  $t$ .

4- بتطبيق معادلة الحالة للغازات الكاملة

$$\text{أثبت العلاقة } \frac{p}{p_0} = 1 + \frac{3x}{n_0}$$

5- أوجد تعبير السرعة الحجمية للتفاعل بدلالة  $n_0$  و  $V$  ومشتقة الدالة  $\frac{p}{p_0} = f(t)$  بالنسبة للزمن ؛

احسب قيمتها عند اللحظة  $t = 0$ .

الجزء الثاني: معايرة محلول حمض البنزويك ( 4,25 نقطة )

حمض البنزويك مركب عضوي صيغته الإجمالية  $C_6H_5COOH$ ، يستعمل في صناعة عدة ملونات غذائية، كما يستعمل كمادة حافظة في صناعة المواد الغذائية. يهدف هذا التمرين إلى معايرة محلول حمض البنزويك وتحديد قيمة  $pK_A$  المزدوجة  $C_6H_5COOH / C_6H_5COO^-$ .

- معطيات: جميع القياسات تمت عند  $25^{\circ}\text{C}$  نذكر أن موصلية محلول أيوني مائي هي:  $\sigma = \sum \lambda_i \cdot [X_i]$
- الموصليات المولية الأيونية بالوحدة  $\text{mS}\cdot\text{m}^2\cdot\text{mol}^{-1}$ :  
 $\lambda_3 = \lambda_{\text{CH}_3\text{COO}^-} = 4,1$  ;  $\lambda_2 = \lambda_{\text{C}_2\text{H}_3\text{COO}^-} = 3,2$  ;  $\lambda_1 = \lambda_{\text{Na}^+} = 5,0$
- نهمل الموصلية المولية الأيونية للأيونين  $\text{H}_3\text{O}^+$  و  $\text{HO}^-$ .

1- معايرة محلول حمض البنزويك

نعير محلولاً (s) لحمض البنزويك حجمه  $V = 15,2 \text{ mL}$  تركيزه C، بمحلول هيدروكسيد الصوديوم تركيزه المولي

$$c_b = 2,0 \cdot 10^{-1} \text{ mol}\cdot\text{L}^{-1}$$

1.1 | 0,25 اكتب معادلة تفاعل المعايرة.

1.2 | 0,5 نحصل خلال هذه المعايرة على

تطور pH المحلول بدلالة الحجم  $V_b$  لمحلول

هيدروكسيد الصوديوم المضاف (شكل 2).

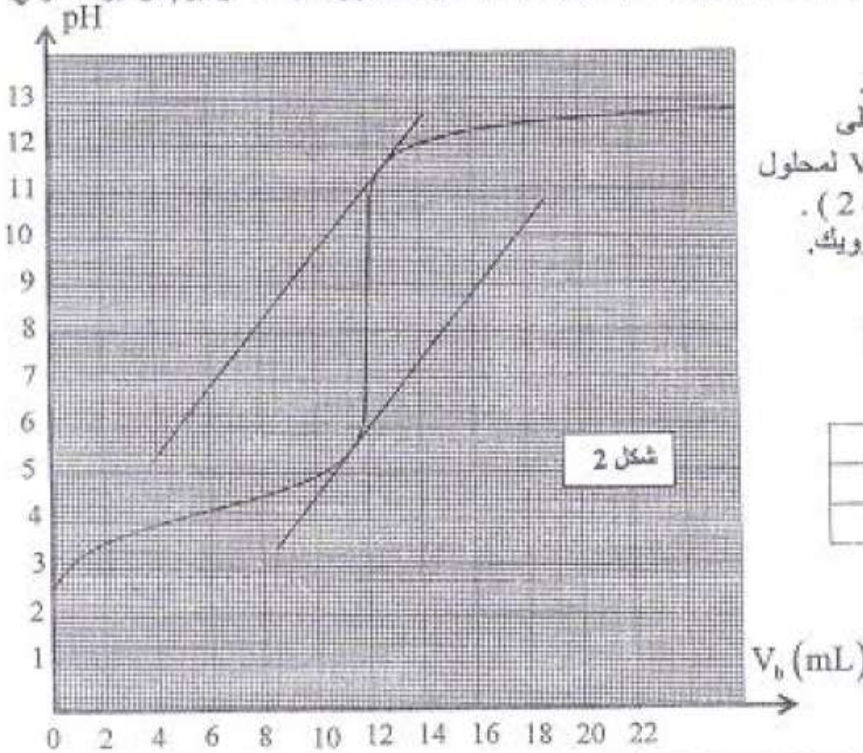
أ- حدد تركيز محلول حمض البنزويك.

ب- حدد pH الخليط عند التكافؤ.

1.3 | 0,5 تتوفر على الكاشفين الملونين

المشار إليهما في الجدول التالي:

الكاشف	منطقة الانعطاف
هيلانتين	3,2 - 4,4
فينول فتالين	8,2 - 10,0

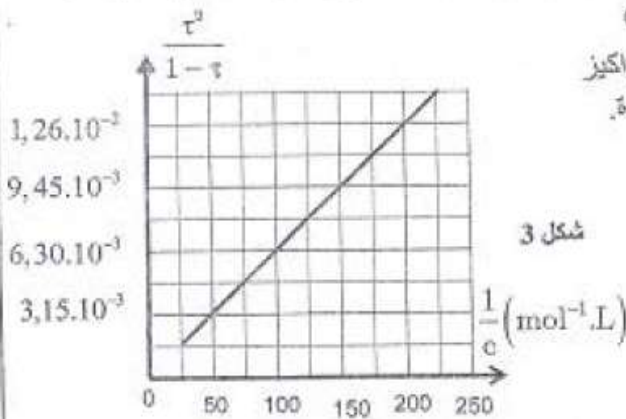


اختر الكاشف الملون الملائم لهذه المعايرة معللاً اختيارك.

2- تحديد الثابتة  $pK_A$  للمزدوجة  $\text{C}_6\text{H}_5\text{COOH} / \text{C}_6\text{H}_5\text{COO}^-$

اعتماداً على قياسات pH محاليل مائية لحمض البنزويك ذات تراكيز مختلفة C، تم تحديد نسبة التقدم النهائي  $\tau$  لكل محلول على حدة.

يمثل منحنى الشكل 3 المقدار  $\frac{\tau^2}{1-\tau}$  بدلالة  $\frac{1}{C}$ .



2.1 | 0,5 أوجد تعبير ثابتة الحمضية  $K_A$  بدلالة  $\tau$  و C.

2.2 | 0,5 باستغلال منحنى الشكل 3، حدد قيمة  $pK_A$ .

3. تفاعل حمض البنزويك مع أيون الإيثانوات

ندخل في كأس نحوي على الماء  $n_0 = 3 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$  من حمض البنزويك و  $n_0 = 3 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$  من إيثانوات الصوديوم  $\text{CH}_3\text{COONa}$ ، فنحصل على محلول مائي حجمه  $V = 100 \text{ mL}$ . نمذج التحول الكيميائي الحاصل بالمعادلة التالية:



أعطى قياس موصلية الخليط التفاضلي عند التوازن القيمة  $\sigma = 255 \text{ mS.m}^{-1}$ .

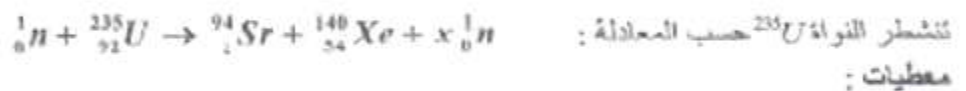
3.1 - بين أن تعبير التقدم النهائي للتفاعل يكتب على الشكل:  $x_f = \frac{\sigma \cdot V - n_0(\lambda_1 + \lambda_2)}{\lambda_2 - \lambda_1}$ . احسب قيمة  $x_f$ .

3.2 - أوجد تعبير ثابتة التوازن  $K$  المقرونة بمعادلة التفاعل بدلالة  $x_f$  و  $n_0$ , احسب قيمتها.

الفيزياء

تمرين 1: إنتاج الطاقة النووية (2,25 نقطة)

يشغل أحد المفاعلات النووية بالأورانيوم المخصب الذي يتكون من  $p = 3\%$  من  $^{235}\text{U}$  القابل للانشطار و  $p' = 97\%$  من  $^{238}\text{U}$  غير القابل للانشطار. يعتمد إنتاج الطاقة النووية داخل هذا المفاعل النووي على انشطار  $^{235}\text{U}$  بعد قذفه بالنوترونات.



$m(^{235}\text{U}) = 234,9935 \text{ u}$  ;  $m(^{94}\text{Sr}) = 93,8945 \text{ u}$  ;  $m(^{140}\text{Xe}) = 139,8920 \text{ u}$

$1 \text{ u} = 1,66 \cdot 10^{-27} \text{ kg} = 931,5 \text{ MeV} \cdot c^{-2}$  ;  $1 \text{ MeV} = 1,6 \cdot 10^{-13} \text{ J}$  ;  $m(^1_0\text{n}) = 1,0087 \text{ u}$

1 | 0,25 - حدد العندين  $x$  و  $z$ .

2 | 0,5 - احسب بالجول الطاقة  $|\Delta E_0|$  الناتجة عن انشطار  $m_0 = 1 \text{ g}$  من  $^{235}\text{U}$ .

3 | 0,75 - لإنتاج الطاقة الكهربائية  $W = 3,73 \cdot 10^{10} \text{ J}$ , يستهلك مفاعل نووي مردوده  $r = 25\%$  كتلة  $m$  من الأورانيوم المخصب. حدد تعبير  $m$  بدلالة  $W$  و  $|\Delta E_0|$  و  $m_0$  و  $r$  و  $p$ . احسب  $m$ .

4 | 0,75 - يوجد أيضا بنسبة قليلة داخل المفاعل النووي التويدي  $^{234}\text{U}$  إشعاعية النشاط  $\alpha$ .

أعطى قياس النشاط الإشعاعي عند لحظة  $t = 0$  لعينة من الأورانيوم  $^{234}\text{U}$  القيمة  $a_0 = 5,4 \cdot 10^4 \text{ Bq}$ .

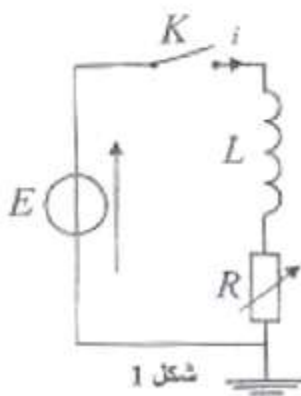
احسب قيمة النشاط الإشعاعي لهذه العينة عند اللحظة  $t = \frac{t_{1/2}}{4}$  (عمر النصف).

تمرين 2 (5 نقط) - الجزءان الأول والثاني مستقلان

الجزء الأول: دراسة ثنائي القطب RL و RLC (2,5 نقطة)

تستعمل الوشبيعة في عدة دارات كهربائية و إلكترونية للتحكم في التأخر الزمني لإقامة أو انعدام التيار في هذه الدارات.

يهدف هذا التمرين إلى دراسة استجابة ثنائي القطب RL لرتبة نوتر صاعدة من جهة و تطور الشحنة الكهربائية أثناء تفريغ مكثف في وشبيعة من جهة أخرى.



1- دراسة ثنائي القطب RL

ننجز التركيب الممثل في الشكل 1، و المتكون من:

- مولد أوتة الكهر محركة  $E = 6 \text{ V}$  و مقاومته الداخلية مهملة؛

- وشبيعة معامل تحريضها  $L = 1,5 \text{ mH}$  و مقاومتها مهملة؛

- موصل أومي مقاومته  $R$  قابلة للضبط؛

- قاطع التيار  $K$ .

نضبط المقاومة  $R$  على قيمة  $R_1$  ونغلق قاطع التيار  $K$  عند لحظة  $t = 0$ ، نعتبرها أصلا للتواريخ.

1.1 | 0.25 أثبت المعادلة التفاضلية التي تحققها شدة التيار  $i(t)$ .

1.2 | 0.25 يكتب حل المعادلة التفاضلية على الشكل:  $i(t) = \frac{E}{R_1} \left( 1 - e^{-\frac{t}{\tau_1}} \right)$

حدد، انطلاقا من هذا الحل، تعبير الثابتة  $\tau_1$  بدلالة برامترات الدارة.

1.3 | 0.5 نضبط المقاومة  $R$  على القيمة  $R_2 = 2R_1$ ، أوجد تعبير  $\tau_2$  ثابتة الزمن الجديدة بدلالة  $\tau_1$ ؛

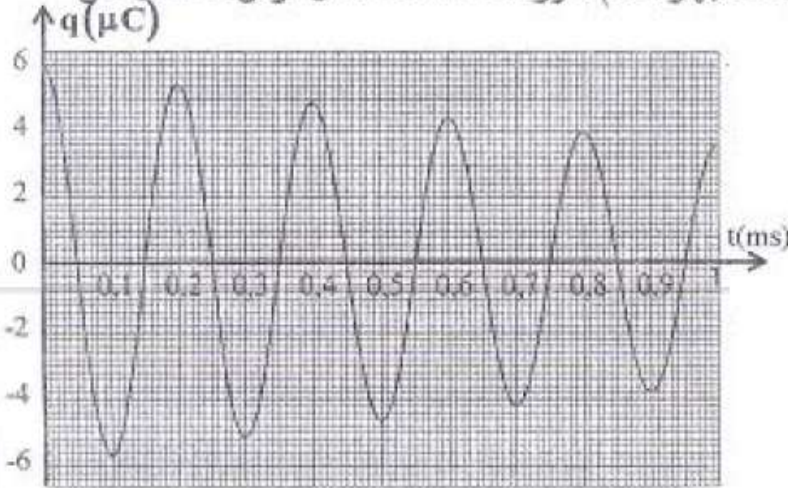
استنتج تأثير قيمة المقاومة  $R$  على إقامة التيار في ثنائي القطب RL.

2. دراسة ثنائي القطب RLC

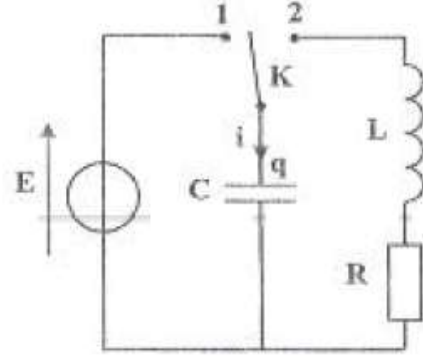
تنجز التركيب الممثل في الشكل 2. نؤرجح قاطع التيار  $K$  إلى الموضع 1 وبعد أن يشحن المكثف، نؤرجح عند لحظة

$t = 0$  قاطع التيار  $K$  إلى الموضع 2 ونعاين بواسطة جهاز ملائم تطور شحنة المكثف خلال الزمن؛ فنحصل على

المنحنى الممثل في الشكل 3.



شكل 3



شكل 2

2.1 | 0.5 أثبت المعادلة التفاضلية التي تحققها شحنة المكثف  $q(t)$ .

2.2 | 1 علما أن حل المعادلة التفاضلية السابقة يكتب على الشكل  $q(t) = q_0 \cdot e^{-\frac{t}{2\lambda}} \cos\left(\frac{2\pi t}{T} + \varphi\right)$

أ- أوجد تعبير  $\frac{q(t+T)}{q(t)}$  بدلالة شبه الدور  $T$  والثابتة  $\lambda$ .

ب- حدد قيمة  $\lambda$ .

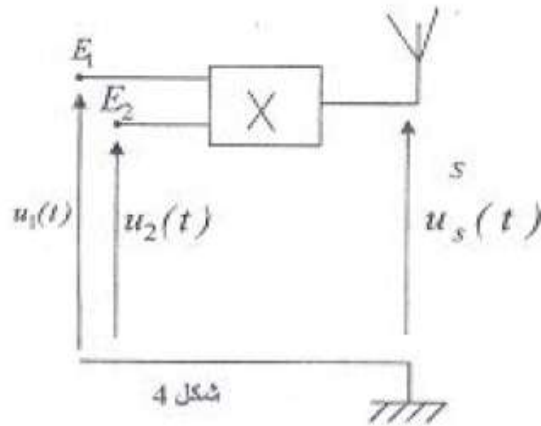
الجزء الثاني : نقل الإشارات الصوتية (5, 2 نقطة)

الموجات الصوتية المسموعة لها تردد ضعيف، لذلك فإن نقلها إلى مسافات بعيدة، يتطلب جعلها مضمنة لموجة كهرومغناطيسية ذات تردد عال. يهدف هذا التمرين إلى دراسة التضمين وإزالته.

1- التضمين

نعتبر التركيب الممثل في الشكل 4:

- يطبق مولد  $(GBF)_1$  على المنخل  $E_1$  للمركبة



شكل 4

الإلكترونية  $X$  توترا جيبييا  $u_1(t) = P_m \cdot \cos\left(\frac{2\pi t}{T_p}\right)$

- يطبق مولد  $(GBF)_2$  على المنخل  $E_2$  للمركبة

الإلكترونية  $X$  توترا  $u_2(t) = U_0 + S(t)$

مع  $U_0$  مركبة مستمرة للتوتر و  $S(t) = S_m \cdot \cos\left(\frac{2\pi t}{T_s}\right)$  التوتر الموافق للموجة المراد نقلها .

نعابن على شاشة راسم التذبذب توتر الخروج  $u_S(t) = k \cdot u_1(t) \cdot u_2(t)$  مع  $k$  ثابتة موجبة مميزة للمركبة  $X$  (شكل 5).

1.1 | 0,75 بين أن تعبير التوتر  $u_S(t)$  يكتب

$$u_S(t) = A \left[ 1 + m \cos\left(\frac{2\pi t}{T_s}\right) \right] \cos\left(\frac{2\pi t}{T_p}\right)$$

محددا تعبير كل من  $A$  و  $m$  .

1.2 | 0,5 حدد قيمة  $m$  واستنتج جودة التضمين .

2- إزالة التضمين

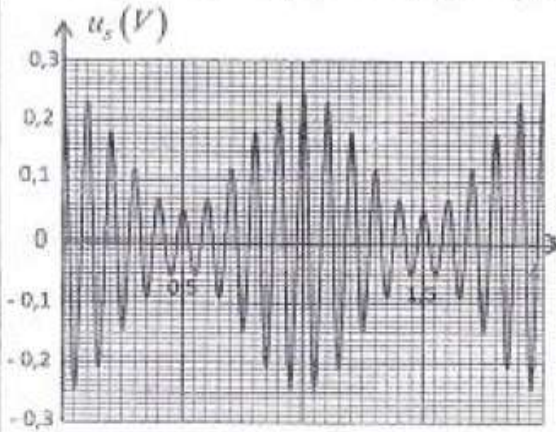
يعطي الشكل 6 التركيب المستعمل في جهاز الاستقبال و المتكون من ثلاثة أجزاء .

2.1 | 0,25 حدد دور الجزء 3 في هذا التركيب .

2.2 | 0,5 حدد قيمة الجداء  $L.C$  لانتقاء الموجة المراد التقاطها بشكل جيد . نأخذ  $\pi^2 = 10$

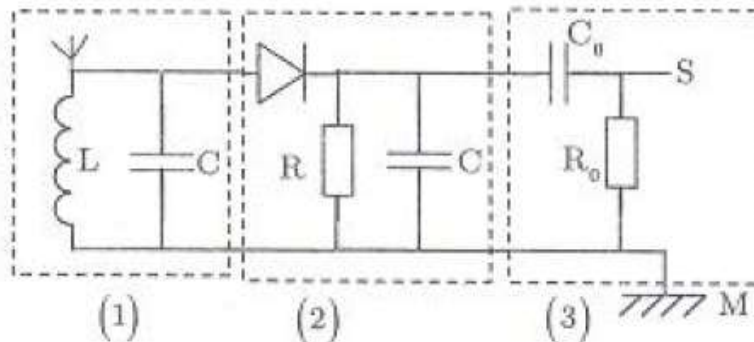
2.3 | 0,5 بين أن المجال الذي يجب أن تنتمي إليه قيمة المقاومة  $R$  لكشف غلاف التوتر المضمن في هذا التركيب بشكل

جيد هو :  $\frac{4\pi^2 L T_s}{T_p^2} < R < \frac{4\pi^2 L}{T_p}$  ، احسب حدي هذا المجال علما أن  $L = 1,5 \text{ mH}$  .



الشكل 5

شكل 6



تمرين 3 (5, 75 نقطة) الجزء الأول والثاني مستقلان

الجزء الأول : دراسة متذبذب توافقي (3, 5 نقطة)

المتذبذب التوافقي هو متذبذب مثالي يتم وصف تطوره خلال الزمن بواسطة دالة جيبية لا يتعلق ترددها إلا بخصائص المجموعة الميكانيكية. تأتي أهمية هذا النموذج في كونه يمكن من وصف تطور مجموعة فيزيائية متذبذبة حول موضع توازنها المستقر.

نعتبر نابضا صلابته  $K$  ولفاته غير متصلة وكتلته مهملة معلقا في حامل ثابت. نعلق في الطرف الحر لهذا النابض جسما صلبا  $(S)$  كتلته  $m$ . نرمز لإطالة النابض عند توازن الجسم  $(S)$  بـ  $\Delta \ell_0$ .

نمعلم موضع  $(S)$  بمحور  $Oy$  موجه نحو الأعلى و أصله منطبق مع موضع مركز قصور الجسم  $(S)$  عند التوازن.

معطيات :  $\Delta \ell_0 = 10,0 \text{ cm}$  ; شدة التقلية  $g = 9,81 \text{ N.kg}^{-1}$

1. الدراسة التحريكية

نزيح  $(S)$  رأسيا نحو الأسفل بمسافة  $d$ ،  $d(\Delta \ell_0)$  ونحرره بدون سرعة بدئية عند لحظة  $t = 0$  نختارها أصلا للتواريخ + فينجز تذبذبات رأسية حول موضع توازنه.

1.1 | 0,2 5 - أوجد عند التوازن تعبير  $K$  بدلالة  $m$  و  $g$  و  $\Delta \ell_0$ .

1.2 | 0,5 - بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، أثبت أن المعادلة التفاضلية التي يحققها الأفصول  $y$  تكتب على الشكل :

$$\frac{d^2 y}{dt^2} + \frac{K}{m} y = 0$$

1.3 | 0,5 - يكتب حل هذه المعادلة التفاضلية على الشكل :  $y = y_m \cos\left(\frac{2\pi t}{T_0} + \varphi\right)$  ; حدد قيمة كل من  $T_0$  و  $\varphi$ .

1.4 | 0,2 5 - نرمز ب  $F$  لشدة توتر النابض + اختر الجواب الصحيح :

عندما يكون الأفصول  $y > 0$  تكون : أ-  $F > mg$  ; ب-  $F = mg$  ; ج-  $F < mg$

2- الدراسة الطاقية

نمعلم موضع الجسم  $(S)$  انطلاقا من معلمين (الشكل جانبه) :

-المعلم (1): الأصل  $O'$  للمحور ينطبق مع الطرف الحر للنابض قبل تعليق الجسم  $(S)$  به والمحور  $O'z$  رأسي وموجه نحو الأعلى.

نأخذ كحالة مرجعية لطاقة الوضع الثقالية  $E_{pp} = 0$  عند النقطة  $O'$ .

-المعلم (2): الأصل  $O$  للمحور ينطبق مع موضع مركز قصور  $(S)$  عند التوازن والمحور  $Oy$  رأسي وموجه نحو الأعلى. نأخذ كحالة مرجعية لطاقة الوضع الثقالية  $E_{pp} = 0$  عند النقطة  $O$ .

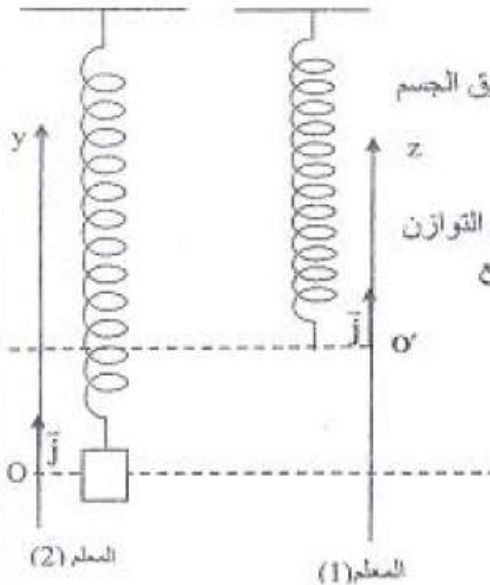
نأخذ في المرجعين كحالة مرجعية لطاقة الوضع المرنة للنابض  $E_{mv} = 0$  عندما يكون النابض غير مشوه.

2.1 | 1,2 5 - نزيح  $(S)$  رأسيا نحو الأسفل بمسافة  $d$ ،  $d(\Delta \ell_0)$  ونحرره بدون سرعة بدئية عند لحظة  $t = 0$  نختارها أصلا للتواريخ

فينجز تذبذبات رأسية حول موضع توازنه. اكتب تعبير الطاقة الميكانيكية للمتذبذب :

أ- في المعلم (1) بدلالة  $z$  و  $m$  و  $K$  و  $g$  و  $v$  سرعة مركز قصور  $(S)$ .

ب- في المعلم (2) بدلالة  $y$  و  $m$  و  $K$  و  $\Delta \ell_0$  و  $v$  سرعة مركز قصور  $(S)$ .



- ج- في أي معلم لا تتعلق الطاقة الميكانيكية للمتذبذب بطاقة الوضع الثقالية ؟  
2.2- نزيح الجسم (S) عن موضع توازنه رأسيا نحو الأسفل بمسافة  $d = 2\text{ cm}$  ونرسله نحو الأعلى بسرعة بدئية  $\vec{v}_0$  فينجز (S) تذبذبات رأسية حول موضع توازنه وسعها  $D = 7\text{ cm}$ .  
علما أن الطاقة الميكانيكية للمتذبذب تحتفظ خلال الزمن ، أوجد تعبير  $v_0$  بدلالة  $g$  و  $\ell_0$  و  $d$  و  $D$ . احسب قيمة  $v_0$ .

الجزء الثاني : التبادلات الطاقية بين المادة وإشعاع ضوئي (2,25 نقطة)  
افترض العالم بلانك أن التبادلات الطاقية ، بين المادة وإشعاع أحادي اللون تردده  $\nu$  ، لا يمكنها أن تحدث إلا بكميات محددة  $h$  ، واستكمل ذلك أنشطين سنة 1905 بإدخال مفهوم الفوتون باعتباره دقيقة ذات كتلة معدومة ولها طاقة  $E = h\nu$ .  
يعبر عن طاقة ذرة الهيدروجين بالعلاقة  $E_n = -\frac{13,6}{n^2}(\text{eV})$  حيث  $n$  العدد الرئيسي الذي يشير إلى رقم الطبقة التي يوجد فيها الإلكترون .

يعطي المخطط أسفله الانتقالات الممكنة لإلكترون ذرة الهيدروجين.  
معطيات : ثابتة بلانك :  $h = 6,63 \cdot 10^{-34} \text{ J.s}$  ؛ سرعة الضوء في الفراغ :  $c = 3,00 \cdot 10^8 \text{ m.s}^{-1}$  ؛  
 $1\text{eV} = 1,602 \cdot 10^{-19} \text{ J}$

- نعرض ذرات الهيدروجين وهي في حالتها الأساسية، إلى فوتونات طاقتها على التوالي  $12,09 \text{ eV}$  و  $1,51 \text{ eV}$ .  
1- صف انطلاقا من المخطط الطاقى ماذا يحدث لذرة الهيدروجين .  
2- احسب طول الموجة  $\lambda$  للإشعاع المنبعث عند انتقال الإلكترون من المستوى الطاقى  $n = 2$  إلى المستوى الطاقى  $n = 1$ .  
3- طول الموجة لإشعاع مرئي منبعث خلال انتقال من مستوى طاقى  $m$  إلى مستوى طاقى  $n$  هو  $\lambda = 489 \text{ nm}$ . حدد  $m$  و  $n$ .

